

Matematika
Drugi kolokvij, grupa A

1. Zadana je funkcija $f(x) = -\frac{1}{4}(x^2 - 16)(x + 1)$.
 - a. Odredite intervale monotonosti funkcije f .
 - b. Odredite lokalne ekstreme funkcije f .
 - c. Odredite intervale konveksnosti i konkavnosti funkcije f .
 - d. Odredite točku infleksije (pregiba) funkcije f .
 - e. Nacrtajte graf funkcije rabeći rezultate gornjih podazadataka.
2. Na graf funkcije $f(x) = x^3 - 1$ položena je tangenta sparalelna pravcem $y = 3x + 2$. Odredi njezinu jednadžbu i koordinate dirališta.
3. Odredite realni broj p za koji su vektori $\vec{a} = 3\vec{i} - \vec{j} + 4\vec{k}$ i $\vec{b} = p\vec{i} + 4\vec{j} + 7\vec{k}$ okomiti.
4. Dane su točke $A(1, 1, 1)$, $B(4, 1, 2)$, $C(2, 2, 3)$. Izračunajte površinu paralelograma određenog vektorima \overrightarrow{AB} i \overrightarrow{AC} .