

Pismeni dio ispita iz Analitičke geometrije

15. veljače 2008.

1. Iz koje se točke na pravcu $x - y + 1 = 0$ parabola $y^2 = 4x$ vidi pod pravim kutom?
2. Dvije kružnice međusobno se dodiruju izvana. Njima je opisana kružnica $(x - 3)^2 + (y - 4)^2 = 9$. Radijusi upisanih kružnica odnose se kao $1 : 2$, a središta im leže na pravcu koji prolazi ishodištem koordinatnog sustava i središte zadane kružnice. Napišite jednadžbe upisanih kružnica.
3. Za hiperbolu $3x^2 - y^2 - 6x + 4y - 10 = 0$ odredite središte i fokuse, te odredite točke na hiperboli u kojima je tangenta na zadanu hiperbolu paralelna pravcu koji prolazi kroz ishodište koordinatnog sustava i središte hiperbole.
4. Dan je paralelogram $ABCD$ i točka T na stranici \overline{AD} takva da je $|AT| : |TD| = 2 : 3$. Neka je P sjecište pravaca AC i TB i Q sjecište pravaca BD i CT . Zapišite \overrightarrow{PQ} kao linearnu kombinaciju vektora \overrightarrow{AB} i \overrightarrow{BC} .
5. a) Izračunajte površinu paralelograma sa stranicama $\vec{a} = 2\vec{m} + 3\vec{n}$ i $\vec{b} = 4\vec{m} - 5\vec{n}$, gdje su \vec{m} i \vec{n} jedinični vektori koji zatvaraju kut od $\frac{\pi}{4}$.
b) Dva vrha trokuta $\triangle ABC$ su točke $A = (-2, -1)$ i $B = (1, -3)$, a treći vrh C pripada pravcu $y = 2x + 3$. Ako je površina trokuta jednaka 16, odredite koordinate vrha C .