

Grupa A

1. ZADAĆA IZ ELEMENTARNE MATEMATIKE II

1. (a) **[10 bodova]** Navedite barem tri vrste aksioma euklidske geometrije ravnine.
(b) **[10 bodova]** Dokažite ili opovrgnite: Ako su $A, B, C \in M$ tri različite fiksne točke izometrije f , onda je f identiteta.
(c) **[15 bodova]** Definirajte rotaciju ravnine oko točke O . Ako su $p, p' \in M$ dva pravca ravnine M uz koji uvjet je preslikavanje $s_p \circ s_{p'}$ rotacija ravnine?
2. **[15 bodova]** Dokažite da je zbroj duljina dijagonala konveksnog četverokuta veći od njegovog poluopseg-a.
3. **[15 bodova]** Neka je K kvadrat u ravnini M . U ovisnosti o položaju točke $T \in M$ odredite koliko osi simetrija ima skup $S_1 = K \cup \{T\}$.
4. **[15 bodova]** Translaciju za vektor \overrightarrow{PQ} prikažite kao kompoziciju dvije centralne simetrije. Tvrđnju dokažite.
5. **[20 bodova]** Kutovi α, β, γ trokuta $\triangle ABC$ zadovoljavaju relaciju $2\gamma = \alpha - \beta$.
 - (a) Dokažite da je α tupi kut.
 - (b) Na produžetku stranice \overline{AB} preko vrha A zadana je točka E takva da je $|EC| = |CA|$. Dokažite da je CA simetrala $\angle ECB$.

Grupa B

1. ZADAĆA IZ ELEMENTARNE MATEMATIKE II

1. (a) **[10 bodova]** Navedite barem tri vrste aksioma euklidske geometrije ravnine.
(b) **[10 bodova]** Dokažite ili opovrgnite: Kompozicija dviju izometrija s fiksnom točkom je izometrija s fiksnom točkom.
(c) **[15 bodova]** Definirajte centralnu simetriju s centrom O . Ako su $p, p' \in M$ dva pravca ravnine M uz koji uvjet je preslikavanje $s_p \circ s_{p'}$ centralna simetrija?
2. **[15 bodova]** Dokažite da je zbroj duljina težišnica trokuta veći od poluopseg trokuta.
3. **[15 bodova]** Zadani su različiti pravci $p_1, p_2 \in M$ sa svojstvom da je $p_1 \parallel p_2$. U ovisnosti o položaju trećeg pravca p odredite koliko centara simetrije ima skup $S = p_1 \cup p_2 \cup p$.
4. **[15 bodova]** Translaciju za vektor \overrightarrow{AB} prikažite kao kompoziciju dviju osnih simetrija s paralelnim osima. Tvrđnju dokažite.
5. **[20 bodova]** Kutovi α, β, γ trokuta $\triangle ABC$ zadovoljavaju relaciju $\gamma = 2\beta + \alpha$.
 - (a) Dokažite da je γ tupi kut.
 - (b) Na produžetku stranice \overline{AC} preko vrha C zadana je točka D takva da je $|BC| = |BD|$. Dokažite da je BC simetrala $\angle DBA$.