

**Pismeni ispit**

**Zadatak 1.** [20 bodova] Zadan je pravokutni koordinatni sustav  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  i vektorski prostor  $X_0(E)$  svih radij vektora u prostoru.

- (a) Za vektore  $\vec{a} = 4\vec{i} + 6\vec{j} - 2\vec{k}$ ,  $\vec{b} = \vec{i} + 5\vec{j} - 4\vec{k}$  i  $\vec{c} = -2\vec{i} + 6\vec{j} + 5\vec{k}$  odredite vektore  $\vec{d} = \vec{a}/2 + \vec{b}$  i  $\vec{e} = 2\vec{b} - \vec{c}$ .
- (b) Jesu li vektori  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{e}$  linearno zavisni?
- (c) Izračunajte kut između vektora  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$ .
- (d) Izračunajte  $\|\vec{d}\|$  i  $\|\vec{e}\|$ .

**Zadatak 2.** [20 bodova] Neka je  $d_{LS}: \mathbb{R}^2 \times \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}_+$  LS-kvazimetrička funkcija.

- (a) Kako se definira najbolji LS-reprezentant podataka  $\mathcal{A} = \{(x_i, y_i) \in \mathbb{R}^2: i = 1, \dots, m\}$  s težinama  $w_1, \dots, w_m > 0$ ?

- (b) Za podatke zadane u tablici odredite najbolji LS-reprezentant i grafički prikažite rezultat.

$i$	1	2	3	4	5	6	7
$x_i$	0	2	6	7	6	1	8
$y_i$	5	-1	-3	4	7	4	-2
$w_i$	2	6	3	1	2	3	3

**Zadatak 3.** [20 bodova] Zadana je particija  $\Pi^0 = \{\{(1, 1)\}, \{(2, 1)\}, \{(2, 2), (2, 4), (3, 2), (4, 4), (5, 5), (6, 4), (5, 6)\}\}$  skupa  $\mathcal{A}$ . Primjenom k-means algoritma odredite LAD-lokalno optimalnu particiju i odgovarajuće vrijednosti funkcije cilja  $F$ .

$it$	$\pi_1$	$\pi_2$	$\pi_3$	$c_1$	$c_2$	$c_3$	$F$
0	$\{(1, 1)\}$	$\{(2, 1)\}$	$\{(2, 2), (2, 4), (3, 2), (4, 3), (5, 5), (6, 4), (5, 6)\}$				
1							

**Zadatak 4.** [20 bodova] Početni kapital  $C_0 = 500\,000,00\text{kn}$  uložen je u banku uz primjenu dekurzivnog složenog ukamaćivanja i godišnju kamatnu stopu 7%.

- (a) Kolika je vrijednost kapitala nakon 14 mjeseci uz primjenu

- konformne mjesecne kamatne stope
- relativne mjesecne kamatne stope?

- (b) Nakon koliko mjeseci će ukupne kamate biti veće od trećine početnog kapitala?

**Zadatak 5.** [20 bodova] (a) Napišite generaliziranu logističku funkciju i pokažite da je logistička funkcija njen specijalan slučaj.

- (b) Napišite svojstva logističke funkcije.

- (c) Skicirajte graf funkcije  $f(t) = \frac{7}{1+3e^{-0.6t}}$  koristeći ta svojstva.