

**Pismeni ispit iz Numeričke matematike**

**Zadatak 1. [20 bodova]**

- (a) Učenici su dobili zadatak nacrtati trokut zadan duljinom stranice  $c = 6\text{cm}$  i kutevima na toj stranici  $\alpha = 80^\circ$  i  $\beta = 60^\circ$ . Ako pretpostavimo da je najveća greška pri crtanjtu stranice  $1\text{mm}$ , a pri mjerenuju kuteva  $2^\circ$ , kolika je najveća pogreška u površini  $P$  tog trokuta ( $\text{u cm}^2$ )?
- (b) Za koliko znamenki površine  $P$  tada možemo reći da je signifikantno?

**Zadatak 2. [20 bodova]**

Izračunajte kubični interpolacijski spline koji interpolira funkciju  $f: [0, 3] \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = e^x - 1$  u točkama  $x_0 = 0, x_1 = 1, x_2 = 3$ .

**Zadatak 3. [20 bodova]**

- (a) Napišite formule za koeficijente  $a_k, b_k$  Fourierovog polinoma  $F_n(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^n (a_k \cos kx + b_k \sin kx)$  funkcije  $f: [-\pi, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$ .
- (b) Odredite Fourierov polinom drugog stupnja funkcije  $f: [-\pi, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \left| \frac{x}{\pi} \right| - 1$ .

**Zadatak 4. [20 bodova]**

Funkcija  $f: [3, 5] \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = (3-x)^3 - \log_{\frac{1}{3}} 510x$  na području definicije ima ekstrem. Odredite da li se radi o minimumu ili maksimumu. Provjerite može li se Newtonovom metodom pronaći taj ekstrem (provjeriti uvjete konvergencije). Ako može, odredite dobru početnu točku i sljedeće tri iteracije.

**Zadatak 5. [20 bodova]**

- (a) Na koliko dijelova treba podijeliti interval  $[4, 5]$  da bi se s točnošću na tri decimalne odredila aproksimacija integrala  $\int_4^5 \ln \frac{x-3}{x-1} dx$  uz primjenu generalizirane Simpsonove formule?
- (b) Generaliziranom Simpsonovom metodom izračunajte vrijednost integrala pod a) s točnošću na tri decimalne.